

Hierarchien partizipativer Randrelationen

1. Wie bereits in Toth (2014) gezeigt, stellen weder die Wahrheitswert-Funktionen der Logik noch die Funktionen der Semiotik streng genommen Funktionen im mathematischen Sinne dar, da sie punktuell, aber nicht kontinuierlich sind. Im Falle der Logik handelt es sich um zwei per definitionem (Tertium non datur) unvermittelte Punkte, im Falle der Semiotik handelt es sich um drei Punkte einer triadischen Relation, die nach einem Satz von Peirce irreduzibel ist, d.h. in Sonderheit gibt es keine weiteren Kategorien zwischen den drei als universal definierten Kategorien M, O und I. Wie ebenfalls bereits gezeigt, kann man dieses Problem jedoch dadurch lösen, daß man eine gemeinsame systemtheoretische Basis für Ontik, Logik und Semiotik in den beiden Formen

$$S^* = [S, U]$$

$$U^* = [U, S]$$

rekonstruiert, deren dichotomischer Relation sowohl die Ontik als Dichotomie von Objekt und Subjekt, die Logik als Dichotomie von Position und Negation als auch die Semiotik als Dichotomie von Objekt und Zeichen isomorph sind.

2. Damit ist es nun möglich, zusätzliche Punkte aus diesen dyadischen Relationen dadurch zu konstruieren, daß man Hierarchien von Rändern zwischen ihnen bildet.

1. Stufe

$$S_1 = [S, R[S, U], U] = [S, V_1, U]$$

$$S_2 = [S, R[U, S], U] = [S, V_2, U]$$

$$U_1 = [U, R[U, S], S] = [U, V_1, S]$$

$$U_2 = [U, R[S, U], S] = [U, V_2, S]$$

2. Stufe

$$S_{11} = [S, R[S, V_1], U] = [S, V_{11}, U] \quad S_{12} = [S, R[V_1, U], U] = [S, V^{-1}_{12}, U]$$

$$S_{21} = [S, R[S, V_2], U] = [S, V_{21}, U] \quad S_{22} = [S, R[V_2, U], U] = [S, V^{-1}_{22}, U]$$

$$U_{11} = [U, R[U, V_1], S] = [U, V_{11}, S] \quad U_{12} = [U, R[V_1, S], S] = [U, V^{-1}_{12}, S]$$

$$U_{21} = [U, R[U, V_2], S] = [U, V_{21}, S] \quad U_{21} = [U, R[V_2, S], S] = [U, V^{-1}_{21}, S]$$

3. Stufe

$$S_{111} = [S, R[S, V_{11}], U] \quad S_{112} = [S, R[V_{11}, U], U]$$

$$S_{121} = [S, R[S, V^{-1}_{12}], U] \quad S_{122} = [S, R[V^{-1}_{12}, U], U]$$

$$S_{211} = [S, R[S, V_{21}], U] \quad S_{212} = [S, R[V_{21}, U], U]$$

$$S_{221} = [S, R[S, V^{-1}_{22}], U] \quad S_{222} = [S, R[V^{-1}_{22}, U], U]$$

$$U_{111} = [U, R[U, V_{11}], S] \quad U_{112} = [U, R[V_{11}, S], S]$$

$$U_{121} = [U, R[U, V^{-1}_{12}], S] \quad U_{122} = [U, R[V^{-1}_{12}, S], S]$$

$$U_{211} = [U, R[U, V_{21}], S] \quad U_{212} = [U, R[V_{21}, S], S]$$

$$U_{211} = [U, R[U, V^{-1}_{21}], S] \quad U_{211} = [U, R[V^{-1}_{21}, S], S]$$

Durch Einsetzung erhalten wir

$$S_{111} = [S, R[S, R[S, V_1]], U]$$

$$S_{112} = [S, R[R[S, V_1], U], U]$$

$$S_{121} = [S, R[S, R[V_1, U]], U]$$

$$S_{122} = [S, R[R[V_1, U], U], U]$$

$$S_{211} = [S, R[S, R[S, V_2]], U]$$

$$S_{212} = [S, R[R[S, V_2], U], U]$$

$$S_{221} = [S, R[S, R[V_2, U]], U]$$

$$S_{222} = [S, R[R[V_2, U], U], U]$$

$$U_{111} = [U, R[U, R[U, V_1]], S]$$

$$U_{112} = [U, R[R[U, V_1], S], S]$$

$$U_{121} = [U, R[U, R[V_1, S]], S]$$

$$U_{122} = [U, R[R[V_1, S], S], S]$$

$$U_{211} = [U, R[U, R[U, V_2]], S]$$

$$U_{212} = [U, R[R[U, V_2], S], S]$$

$$U_{211} = [U, R[U, R[V_2, S]], S]$$

$$U_{211} = [U, R[R[V_2, S], S], S], \text{ usw.}$$

Man kann also diese Hierarchien theoretisch ad infinitum fortsetzen und erhält damit, in typisch mathematischer Manier, zwar eine Annäherung an die Unendlichkeit, aber diese selbst wird wegen des logischen Dritzensatzes nicht erreicht, d.h. die Funktion der iterativen Randrelationen ist zur Unendlichkeit asymptotisch. Metaphysisch interpretiert, kann man durch sie also zwar nicht den Gang vom Diesseits in Jenseits (und wegen der Möglichkeit konverser Ränder auch wieder zurück) vollziehen, aber man kann diesen Gang mindestens maximal annähern, und zwar sowohl auf ontischer, logischer als auch auf semiotischer Basis.

Literatur

Toth, Alfred, Kombinatorische semiotische Ränder. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics 2014

1.11.2014